

基础性作业设计

姓 名：王 新

学 校：驻马店市实验中学

二次函数单元作业设计

一、单元信息

基 本 信 息	学 科	年 级	学 期	教材版本	单元名称
	数学	九年级	二	北师大版	二次函数
课 时 信 息	章节序号	课时名称			对应 教材内容
	2.1	二次函数			P29-P31
	2.2.1	二次函数 $y = \pm x^2$ 图象与性质			P32-P34
	2.2.2	二次函数 $y = ax^2, y = ax^2 + c$ 图象与性质			P35-P36
	2.2.3	二次函数 $y = a(x - h)^2 + k$ 图象与性质			P37-P39
	2.2.4	二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 图象与性质			P39-P41
	2.3.1	确定二次函数的表达式			P42-P44
	2.3.2	确定二次函数的表达式			P44-P45
	2.4.1	二次函数的应用			P46-P48
	2.4.2	二次函数的应用			P48-P50
	2.5.1	二次函数与一元二次方程			P51-P53
	2.5.2	二次函数与一元二次方程			P53-P57

二、单元内容分析

学生在之前已学过一次函数、正比例函数、反比例函数，所以在学习二次函数时，已有知识基础。在学习二次函数时，类比一次函数、反比例函数的学习方法和顺序进行研究。首先让学生认识二次函数的概念，掌握二次函数的图象和性质，然后探索二次函数和一元二次方程之间的联系，从而得出用图象法求一元二次方程根的方法，最后利用二次函数图象和性质解决实际问题。

本章内容从简单到复杂、从特殊到一般，讨论了二次函数的图象和性质：先讨论函数 $y = \pm x^2$ 的图象和性质，由特殊到一般自然过渡到讨论 $y = ax^2$ 的图象与性质，再将函数 $y = ax^2$ 上下、左右平移就得到 $y = a(x - h)^2 + k$ 的图象，再观察图象得到性质；又通过配方将函数 $y = ax^2 + bx + c$ 配方得到 $y = a(x - h)^2 + k$ 的形式，从而把新问题转化为已解决的问题。再此过程中，让学生体会平移、配方的重要作用。借助图象观察函数性质，又一次体会了数形结合的数学思想，让学生领悟到几何直观的作用。

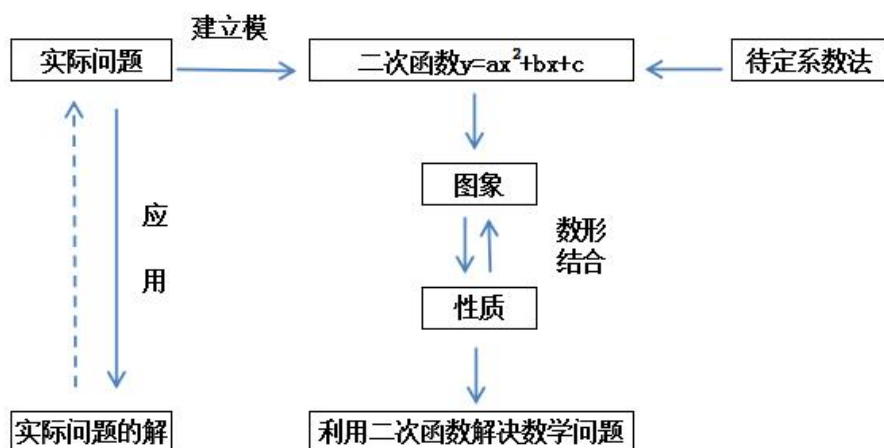
二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象与 x 轴的位置关系，与 $ax^2 + bx + c = 0$ 的根的情况有着密切联系。如果函数图象与 x 轴有公共点，那么公共点的横坐标就是对应一元二次方程的根。

最后利用二次函数解决实际问题，首先要从实际问题中抽象出二次函数模型，用二次函数表示问题中变量之间的关系，然后利用二次函数图象和性质求解，从而获得实际问题的答案。学以致用，让学生感受二次函数模型思想的重要性。

三、单元作业目标

1. 能对数学问题或实际问题中的函数关系进行分析，并能表示简单变量之间的二次函数关系；
2. 理解二次函数的概念，能够辨别二次函数；
3. 会用描点法画二次函数图象；
4. 会看二次函数的图象，能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值，能数形结合地理解函数的性质并解决问题；
5. 会根据二次函数 $y = ax^2$, $y = ax^2 + c$, $y = a(x - h)^2 + k$ 的表达式，确定二次函数的开口方向、对称轴、增减性和最值；
6. 经历平移过程，总结平移规律，能写出平移后的二次函数表达式；
7. 会用配方法将二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的表达式化为 $y = a(x - h)^2 + k$ 的形式，并由此得到二次函数的顶点坐标、说出图象的开口方向、对称轴、增减性和最值；
8. 会用待定系数法确定二次函数表达式；
9. 会利用二次函数解决以几何图形的最大面积为代表的实际问题；
10. 会利用二次函数解决以最大利润问题为代表的实际问题；
11. 会分析二次函数的图象与 x 轴的交点个数与一元二次方程的根的个数之间的关系；
12. 会利用二次函数图象求一元二次方程的近似根；
13. 会建立二次函数模型分析实际问题，逐步解决实际问题。

四、单元知识结构图



五、课时作业设计

根据实际教学，本章作业课时计划如下：

1. 二次函数 1 课时
2. 二次函数图象与性质 4 课时
3. 确定函数表达式 2 课时
4. 二次函数的应用 2 课时
5. 二次函数与一元二次方程 2 课时

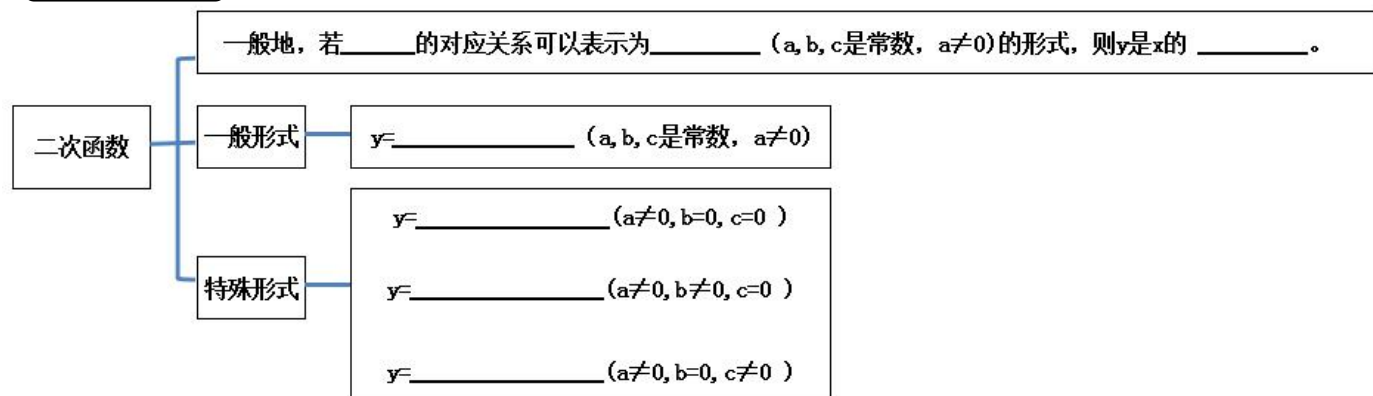
六、作业设计内容

2.1 二次函数

课时目标

1. 能对数学问题或实际问题中的函数关系进行分析, 并会表示简单变量之间的二次函数关系;
2. 理解二次函数的概念, 能够辨别二次函数;
3. 会建立二次函数模型分析实际问题, 逐步解决实际问题。

知识回顾



基础性作业

1. 下列函数中是二次函数的有() 【对应课时目标 2】

① $y = x + \frac{1}{x}$; ② $y = 3(x-1)^2 + 2$; ③ $y = (x+3)^2 - x^2$; ④ $y = \frac{1}{x^2} + x$ 。

A. 4 个 B. 3 个 C. 2 个 D. 1

2. 把 $y = (2-3x)(6+x)$ 变成 $y = ax^2 + bx + c$ 的形式, 二次项为 _____, 一次项系数为 _____, 常数项为 _____。 【对应课时目标 2】

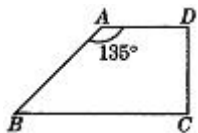
3. 函数 $y = (m+2)x^{m^2-2} + 2x - 1$ 是二次函数, 则 $m =$ _____。 【对应课时目标 2】

下列函数关系中, 可以看作二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 模型的是() 【对应课时目标 1】

- A. 在一定的距离内汽车的行驶速度与行驶时间的关系
- B. 我国人口年自然增长率为 1%, 这样我国人口总数随年份的变化关系
- C. 竖直向上发射的信号弹, 从发射到落回地面, 信号弹的高度与时间的关系 (不计空气阻力)
- D. 圆的周长与圆的半径之间的关系。

拓展性作业

4. 如图 2.1-1, 校园要建苗圃, 其形状如直角梯形, 有两边借用夹角为 135° 的两面墙, 另外两边是总长为 30 米的铁栅栏。求梯形的面积 y 与高 x 的表达式。 【对应课时目标 3】



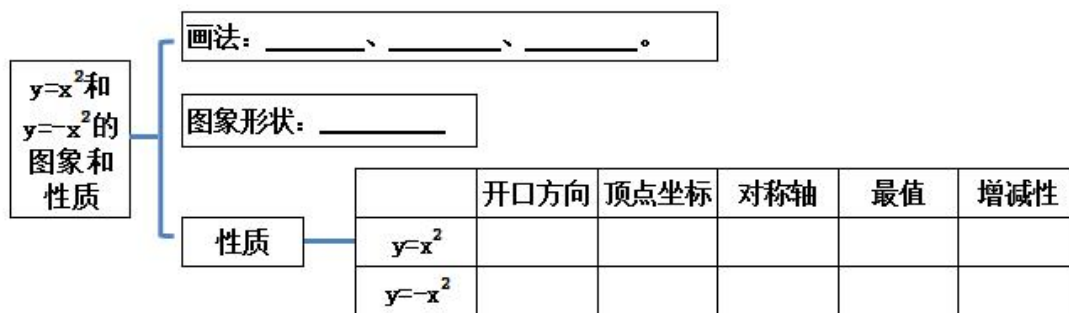
2.1-1

2.2.1 二次函数的图象与性质

课时目标

1. 会用描点法画二次函数图象;
2. 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

知识回顾



基础性作业

- 两条抛物线 $y=x^2$ 与 $y=-x^2$ 在同一坐标系内, 下列说法中不正确的是 () 【对应课时目标 2】
 - 顶点坐标均为 (0, 0)
 - 对称轴均为 $x=0$
 - 开口都向上
 - 都有 (0, 0) 处取最值
- 已知点 $(-3, y_1)$, $(1, y_2)$, $(2, y_3)$ 都在函数 $y=x^2$ 的图象上, 则 y_1, y_2, y_3 的大小关系是_____。【对应课时目标 2】
- 若点 $A(2, m)$ 在抛物线 $y=x^2$ 上, 则点 A 关于 y 轴对称点的坐标是_____。【对应课时目标 2】
- 函数 $y=x^2$ 与 $y=-x^2$ 的图象关于_____对称, 也可以认为 $y=-x^2$ 是函数 $y=x^2$ 的图象绕_____旋转得到。【对应课时目标 2】

拓展性作业

- 点 $A(\frac{1}{2}, b)$ 是抛物线 $y=x^2$ 上的一点, 则 $b=$ _____; 点 A 关于 y 轴的对称点 B 是_____, 它在函数_____上; 点 A 关于原点的对称点 C 是_____, 它在函数_____上。【对应课时目标 2】
- 画出直线 $y=3x+4$ 与抛物线 $y=x^2$ 的图象, 他们的图象交于 A、B 两点, 请求出 A、B 两点与原点所围成的三角形面积。【对应课时目标 1、2】

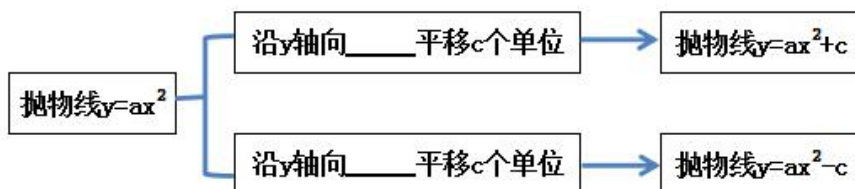
2.2.2 二次函数的图象与性质

课时目标

- 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题;

- 会根据二次函数 $y = ax^2$, $y = ax^2 + c$ 的表达式, 确定二次函数的开口方向、对称轴、增减性和最值, 并解决有关问题;
- 经历平移过程, 总结平移规律, 能写出平移后的二次函数表达式。

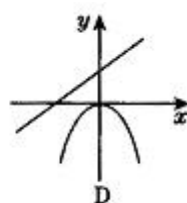
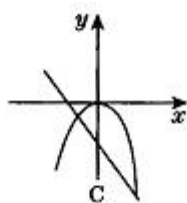
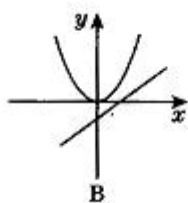
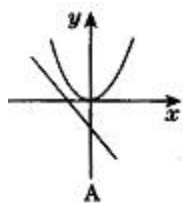
知识回顾



	$y = ax^2$		$y = ax^2 + c$			
	$a > 0$	$a < 0$	$a > 0$		$a < 0$	
			$c > 0$	$c < 0$	$c > 0$	$c < 0$
开口方向						
顶点坐标						
对称轴						
增减性						
最值						

基础性作业

- 抛物线 $y = 2x^2$ 向下平移 4 个单位, 就得到抛物线_____。【对应课时目标 3】
- 当 $m = \underline{\hspace{2cm}}$ 时, 抛物线 $y = (m+1)x^{m^2+m} + 9$ 开口向下, 对称轴是_____。在对称轴左侧, y 随 x 的增大而_____; 在对称轴右侧, y 随 x 的增大而_____。【对应课时目标 2】
- 已知抛物线的顶点在原点, 对称轴为 y 轴, 且经过点 $(-1, -2)$, 则抛物线的表达式为_____。【对应课时目标 2】
- 二次函数 $y = ax^2$ 与一次函数 $y = ax + a$ 在同一坐标系中的图象大致为 () 【对应课时目标 1】



拓展性作业

5. 已知直线 $y = -2x + 3$ 与抛物线 $y = ax^2$ 相交于 A、B 两点，且 A 点坐标为 $(-3, m)$ 。【对应课时目标 1】

- (1) 求 a 、 m 的值；
- (2) 求抛物线的表达式及其对称轴和顶点坐标；
- (3) 求 A、B 两点及二次函数 $y = ax^2$ 的顶点构成的三角形的面积。

2.2.3 二次函数的图象与性质

课时目标

1. 会根据二次函数 $y = a(x - h)^2 + k$ 的表达式，确定二次函数的开口方向、对称轴、增减性和最值，理解性质并解决问题；
2. 经历平移过程，总结平移规律，能写出平移后的二次函数表达式；
3. 会用配方法将二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的表达式化为 $y = a(x - h)^2 + k$ 的形式，并由此得到二次函数的顶点坐标、说出图象的开口方向、对称轴、增减性和最值。

知识回顾



	$y = a(x - h)^2 + k$	
	$a > 0$	$a < 0$
开口方向		
顶点坐标		
对称轴		
增减性		
最值		

基础性作业

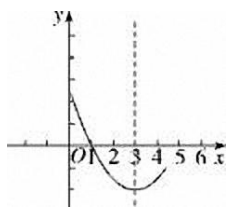
1. 将二次函数 $y = -2x^2$ 的图象先向左平移 1 个单位，再向下平移 3 个单位，可得到二次函数的表达式为_____。【对应课时目标 2】
2. 由二次函数 $y = 2(x - 5)^2 + 2$ ，可知 () 【对应课时目标 1】

A. 图象开口向下

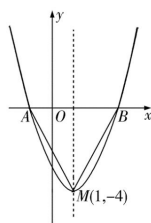
B. 图象的对称轴为直线 $x = -5$

C. 函数最小值 2

D. 当 $x < 5$ 时, y 随 x 的增大而增大



2.2-1



2.2-2

3. 若 $(-\frac{15}{4}, y_1)$, $(-\frac{5}{4}, y_2)$, $(\frac{1}{4}, y_3)$ 为二次函数 $y = -(x-2)^2 + 1$ 图象上的三点, 则 y_1 , y_2 , y_3 的大小关系为_____。【对应课时目标 1】
4. 已知 $y = (x-3)^2 - 2$ 的部分图象如图 2.2-1 所示, 抛物线与 x 轴交点的一个坐标是 $(1, 0)$, 则另一个交点的坐标是_____。【对应课时目标 1】
5. 当 $-1 \leq x < 4$ 时, 二次函数 $y = x^2 - 3x + 1$ 的函数值 y 的取值范围是_____。【对应课时目标 3】

拓展性作业

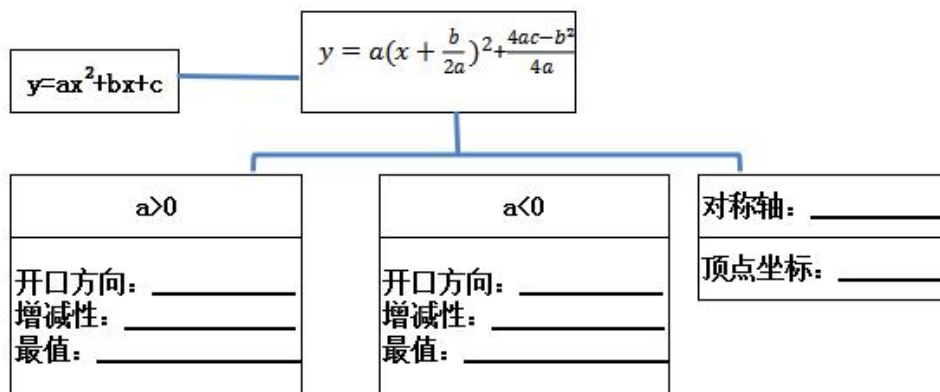
6. 如图 2.2-2 是二次函数 $y = (x+m)^2 + k$ 的图象, 其顶点为点 $M(1, -4)$ 。【对应课时目标 1】
- (1) 求二次函数的图象与 x 轴的交点 A, B 的坐标;
- (2) 在二次函数的图象上是否存在点 P , 使 $S_{\triangle PAB} = \frac{5}{4} S_{\triangle MAB}$? 若存在, 求出点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由。

2.2.4 二次函数的图象与性质

课时目标

1. 会用配方法将二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的表达式化为 $y = a(x-h)^2 + k$ 的形式, 并由此得到二次函数的顶点坐标、说出图象的开口方向、对称轴、增减性和最值;
2. 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

知识回顾



基础性作业

1. 将二次函数 $y = x^2 + 6x - 2$ 化成 $y = a(x - h)^2 + k$ 的形式为 () 【对应课时目标 1】

- A. $y = (x + 3)^2 + 7$ B. $y = (x - 3)^2 + 11$
 C. $y = (x + 3)^2 - 11$ D. $y = (x + 2)^2 + 4$

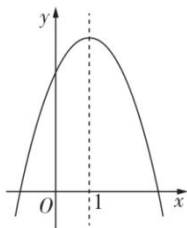
2. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的 x 、 y 的部分对应值如下表：

则该二次函数图象的对称轴为 () 【对应课时目标 1】

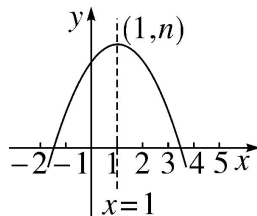
x	-1	0	1	2	3
y	5	1	-1	-1	1

- A. y 轴 B. 直线 $x = \frac{5}{2}$
 C. 直线 $x = 2$ D. 直线 $x = \frac{3}{2}$
3. 二次函数 $y = x^2 + bx + c$ 的图象如图 2.2-3 所示, 点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ 在该函数的图象上, 若 $|x_1 - 1| > |x_2 - 1|$, 则 y_1 与 y_2 的大小关系为 () 【对应课时目标 2】

- A. $y_1 \leq y_2$ B. $y_1 < y_2$ C. $y_1 \geq y_2$ D. $y_1 > y_2$



2.2-3

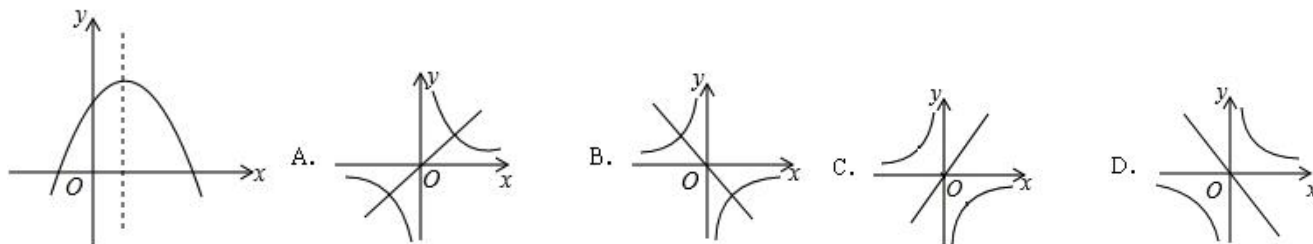


2.2-5

拓展性作业

4. 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象如图 2.2-4, 反比例函数 $y = \frac{a}{x}$ 与正比例函数 $y = bx$ 在同一坐标

系内的大致图象是 () 【对应课时目标 2】



2.2-4

5. 如图 2.2-5 是抛物线 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 的部分图象, 其顶点坐标为 $(1, n)$, 抛物线与 x 轴的一个交点在点 $(3, 0)$ 和 $(4, 0)$ 之间. 则下列结论: 【对应课时目标 2】

- ① $a - b + c > 0$; ② $3a + b = 0$;
③ $b^2 = 4a(c - n)$; ④ 一元二次方程 $ax^2 + bx + c = n - 1$ 有两个不相等的实数根。

其中正确结论的个数是 ()

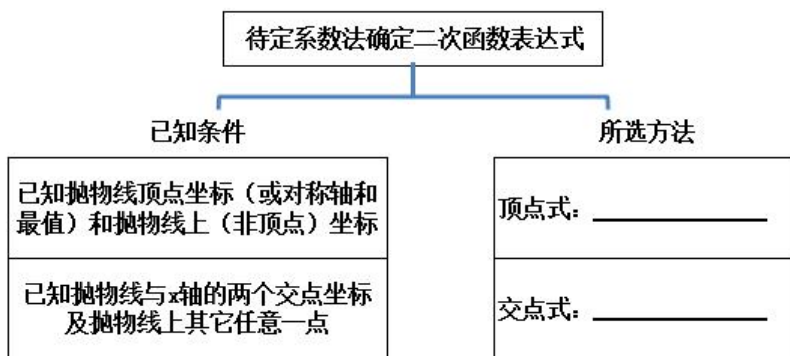
- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

2.3.1 确定函数表达式

课时目标

1. 会用待定系数法利用二元一次方程组确定次函数表达式。

知识回顾



基础性作业

- 已知二次函数 $y = ax^2 + 2x + c$ 的图象经过点 $(0, -4)$ 和 $(1, 1)$. 求这个二次函数的表达式。【对应课时目标 1】
- 已知抛物线与 x 轴相交于点 $A(-1, 0)$, $B(1, 0)$, 且过点 $M(0, 1)$, 求此函数的表达式。【对应课时目标 1】

3. 一个二次函数的图象的顶点坐标为 $(3, -1)$ ，与 y 轴的交点 $(0, -4)$ ，这个二次函数的解析式是（ ）【对应课时目标 1】

A. $y = \frac{1}{3}x^2 - 2x + 4$

B. $y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x - 4$

C. $y = -\frac{1}{3}(x+3)^2 - 1$

D. $y = -x^2 + 6x - 12$

4. 已知二次函数 $y = x^2 + bx + c$ ，函数 y 与自变量 x 的部分对应值如表：

x	...	-1	0	1	2	3	4	...
y	...	0	-3	-4	-3	0	5	...

(1) 求该二次函数的解析式.

(2) 直接写出当 $-2 < x < 3$ 时， y 的取值范围。【对应课时目标 1】

拓展性作业

5. 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 的图象经过点 $A(3, 0)$ ， $B(2, -3)$ ，并且以 $x=1$ 为对称轴。

(1) 求此函数的解析式；

(2) 作出二次函数的大致图象；

(3) 在对称轴 $x=1$ 上是否存在一点 P ，使 $\triangle PAB$ 中 $PA=PB$ ？若存在，求出 P 点的坐标；若不存在，说明理由。【对应课时目标 1】

2.3.2 确定函数表达式

课时目标

1. 会用待定系数法利用三元一次方程组确定二次函数表达式。

知识回顾



基础性作业

1. 已知一个关于 x 的二次函数，当 x 分别为 1、2、3 时，对应函数值分别为 3、0、4，求这个二次

函数的表达式。【对应课时目标 1】

2. 已知二次函数经过点 $(1,0)$ 、 $(3,0)$ 、 $(2,3)$ ，求这个二次函数的表达式。【对应课时目标 1】

3. 等边三角形的边长 $2x$ 与面积 y 之间的函数表达式为_____。【对应课时目标 1】

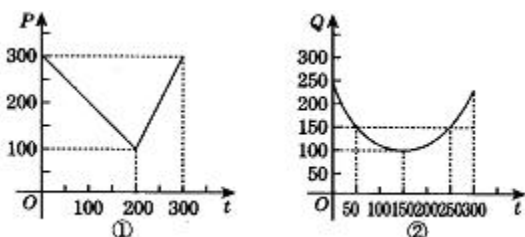
4. 抛物线 $y=x^2+kx-2k$ 通过一个定点，这个定点的坐标为_____。【对应课时目标 1】

拓展性作业

5. 某蔬菜基地种植西红柿，由历年市场行情得知，从二月一日起的 300 天内，西红柿市场售价与上市时间的关系用图①中的一条折线表示，西红柿的种植成本与上市时间关系用图②中的抛物线表示。

(1) 写出图①中表示的市场售价与时间的函数表达式 $P=f(t)$ ，写出图②中表示的种植成本与时间函数表达式 $Q=g(t)$ ；

(2) 认定市场售价减去种植成本为纯收益，问何时上市的西红柿纯收益最大？（注：市场售价和种植成本的单位：元/ 10^2kg ，时间单位：天）【对应课时目标 1】

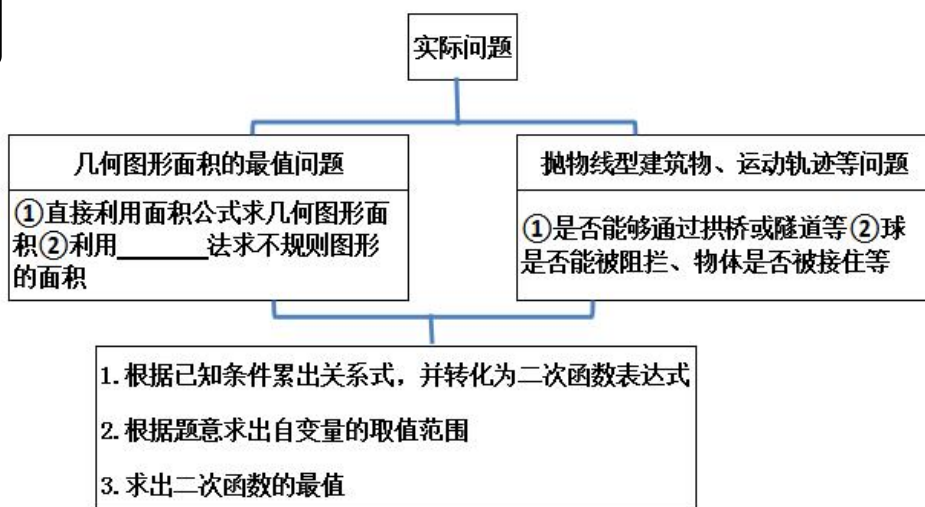


2.4.1 二次函数的应用

课时目标

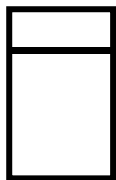
1. 会利用二次函数解决以几何图形的最大面积为代表的实际问题；
2. 会建立二次函数模型分析实际问题，逐步解决实际问题。

知识回顾

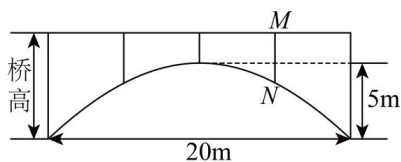


基础性作业

1. 如图 2.4-1, 用长 8m 的铝合金条制成如图的矩形窗框, 那么最大的透光面积是_____。【对应课时目标 1、2】



2.4-1



2.4-2

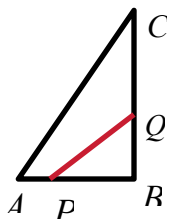


2.4-3

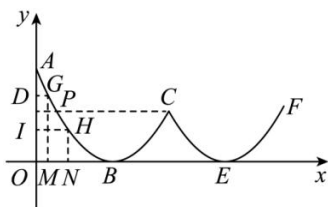
2. 一座拱桥的轮廓是抛物线型 (如图 2.4-2 所示), 拱高 5m, 跨度 20m, 相邻两支柱间的距离均为 5m, 支柱 MN 的高度为 3.25m, 则桥高为_____m。【对应课时目标 2】
3. 如图 2.4-3, 用一段长为 60m 的篱笆围成一个一边靠墙的矩形菜园, 墙长 32m, 这个矩形的长、宽各为多少时, 菜园的面积最大, 最大面积是多少? 【对应课时目标 1】

拓展性作业

4. 如图 2.4-4, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle B = 90^\circ$, $AB = 12\text{cm}$, $BC = 24\text{cm}$, 动点 P 从点 A 开始沿 AB 向 B 以 2cm/s 的速度移动 (不与点 B 重合), 动点 Q 从点 B 开始沿 BC 以 4cm/s 的速度移动 (不与点 C 重合). 如果 P、Q 分别从 A、B 同时出发, 那么经过多长时间, 四边形 APQC 的面积最小。【对应课时目标 1】



2.4-4



2.4-5

5. 过山车是一项富有刺激性的娱乐工具, 深受年轻游客的喜爱. 某游乐场修建了一款大型过山车. 如图 2.4-5 所示, $A \rightarrow B \rightarrow C$ 为这款过山车的一部分轨道 (B 为轨道最低点), 它可以看成一段抛物线, 其中 $OA = 16.9$ 米, $OB = 13$ 米 (轨道厚度忽略不计)。【对应课时目标 2】

(1) 求抛物线 $A \rightarrow B \rightarrow C$ 的函数表达式;

(2) 在轨道上有两个位置 P 和 C 到地面的距离均为 n 米, 当过山车运动到 C 处时, 又进入下坡段 $C \rightarrow E$ (接口处轨道忽略不计, E 为轨道最低点), 已知轨道抛物线 $C \rightarrow E \rightarrow F$ 的形状与抛物线 $A \rightarrow B \rightarrow C$ 完全相同, E 点坐标为 $(33, 0)$, 求 n 的值;

(3) 现需要对轨道下坡段 $A \rightarrow B$ 进行安全加固, 建造某种材料的水平和竖直支架 GD 、 GM 、 HI 、 HN ,

且要求 $MN = 2OM$ ，已知这种材料的价格是 100000 元/米，请计算 OM 多长时，造价最低？最低造价为多少元？

2.4.2 二次函数的应用

课时目标

1. 会利用二次函数解决以最大利润问题为代表的实际问题；
2. 会建立二次函数模型分析实际问题，逐步解决实际问题。

知识回顾

利润问题

利润=_____ - 成本

总利润=每件商品的利润 \times _____

建立利润与售价（或销售）之间的函数关系式

- ①根据已知条件列出关系式，并转化为二次函数表达式
- ②根据题意确定自变量的取值范围
- ③求出二次函数的最值

基础性作业

1. 2022 年北京某零售店“冰墩墩”的销售日益火爆，每个纪念品进价 40 元．销售期间发现，当销售单价定为 44 元时，每天可售出 300 个，销售单价每降价 1 元，每天销量增加 20 个．现商家决定降价销售，每个降价 x 元 ($0 < x < 4$)．设每天销售量为 y 个，每天销售纪念品获得的利润 w 元，则下列等式正确的是 () 【对应课时目标 2】

A. $y = 20x - 300$

B. $y = -20x + 300$

C. $w = (20x + 300)(4 - x)$

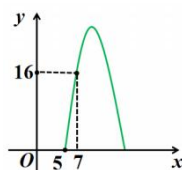
D. $w = (-20x + 1180)(40 - x)$

2. 某种商品每件的进价为 20 元，调查表明：在某段时间内若以每件 x 元 ($20 \leq x \leq 30$) 出售，可卖出 $(600 - 20x)$ 件，为使利润最大，则每件售价应定为_____元。【对应课时目标 1】

3. 某种商品每天的销售利润 y (元) 与销售单价 x (元) 之间满足关系： $y = ax^2 + bx - 75$ 。其图象如图 2.4-6。

(1) 销售单价为多少元时，该种商品每天的销售利润最大？最大利润是多少元？

(2) 销售单价在什么范围时，该种商品每天的销售利润不低于 16 元？【对应课时目标 1、2】



2.4-6

拓展性作业

4. 某商店十月份销售一种成本价 50 元/件的商品，经市场调查发现：该商品的每天的销售量 y (件) 是售价 x (元/件) 的一次函数，其售价、销售量的二组对应值如下表：【对应课时目标 1、2】

售价 x (元/件)	55	65
销售量 y (件/天)	90	70

(1) 求销售量 y 与售价 x 之间的函数关系式；

(2) 十月份销售该商品时，售价定为多少元，每天才能获取最大利润？最大销售利润是多少？

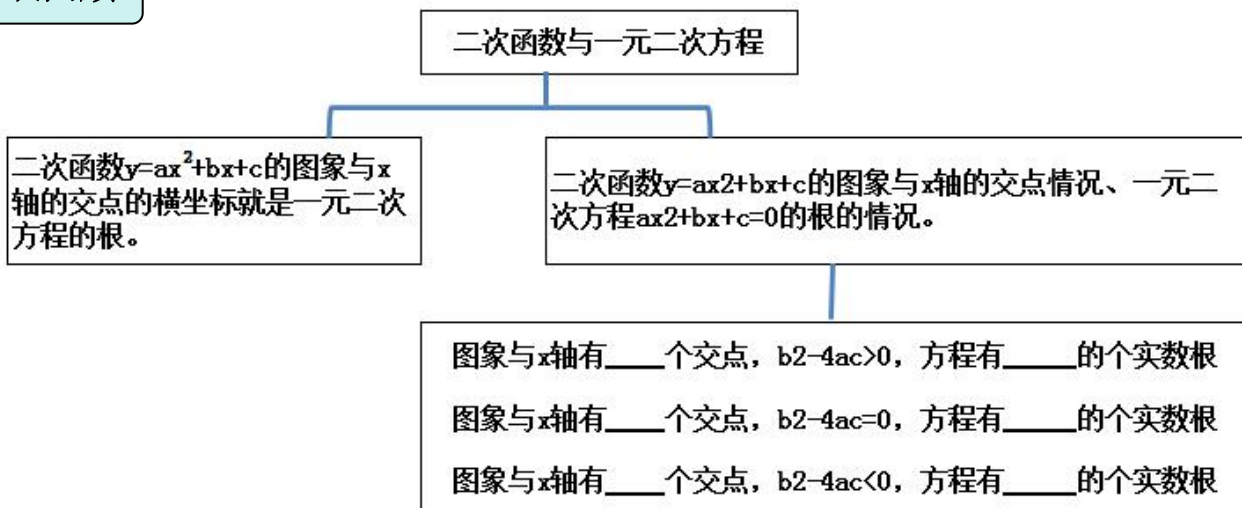
(3) 十一月份由于原材料上涨等因素，该商品成本价提高了 a 元/件 ($6 \leq a \leq 15$)，商品的每天销售量与销售价的关系不变，若商品的销售价不低于成本价，且物价部门规定售价不得超过 80 元/件，商店十一月份销售该商品的过程中，获得的销售最大利润能否为 882 元？说明理由。

2.5.1 二次函数与一元二次方程

课时目标

1. 会分析二次函数的图象与 x 轴的交点个数与一元二次方程的根的个数之间的关系；
2. 会看二次函数的图象，能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值，能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

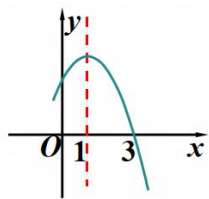
知识回顾



基础性作业

1. 若二次函数 $y = -x^2 + 2x + k$ 的部分图象如图 2.5-1 所示，且关于 x 的一元二次方程 $-x^2 + 2x + k$ 的一个

解 $x_1=3$ ，则另一个解 $x_2=$ _____。【对应课时目标 1】



2.5-1

2. 一元二次方程 $x^2 - 5x - 6 = 0$ 的两个根是 $x_1 = 6, x_2 = -1$ ，那么二次函数 $y = x^2 - 5x - 6$ 与 x 轴的交点坐标是_____。【对应课时目标 1】

3. 抛物线 $y = x^2 + 4x + 5 - m$ 与 x 轴只有一个交点，则 m 满足的条件是_____。【对应课时目标 1】

4.二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ (a, b, c 为常数，且 $a \neq 0$) 中的 x 与 y 的部分对应值如表：

x	-1	0	1	3
y	$-\frac{13}{5}$	3	$\frac{29}{5}$	3

下列结论：

- (1) $abc < 0$;
- (2) 当 $x > 1$ 时， y 的值随 x 值的增大而减小；
- (3) $16a + 4b + c < 0$;
- (4) 抛物线与坐标轴有两个交点；
- (5) $x = 3$ 是方程 $ax^2 + (b - 1)x + c = 0$ 的一个根；

其中正确的个数为 () 【对应课时目标 1】

- A. 5 个 B. 4 个 C. 3 个 D. 2 个

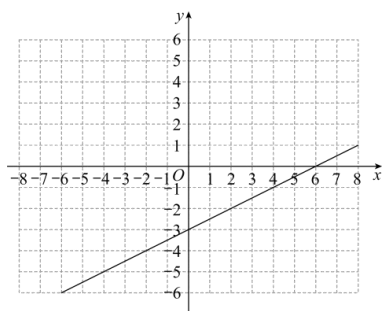
拓展性作业

5. 在初中阶段的函数学习中，我们经历了“确定函数的表达式——利用函数图象研究其性质——运用函数解决问题”的学习过程。在画函数图象时，我们通过描点或平移的方法画出了所学的函数图象。同

时，我们也学习了绝对值的意义 $|a| = \begin{cases} a(a > 0) \\ -a(a < 0) \end{cases}$ 。

结合上面经历的学习过程，现在来解决下面的问题：

在函数 $y = |kx - 3| + b$ 中，当 $x = 2$ 时， $y = -4$ ；当 $x = 0$ 时， $y = -1$ 。



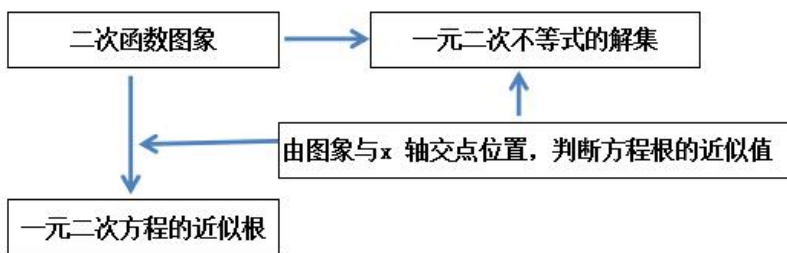
- (1)求这个函数的表达式;
- (2)在给出的平面直角坐标系中, 请用你喜欢的方法画出这个函数的图象, 并写出这个函数的一条性质;
- (3)已知函数 $y = \frac{1}{2}x - 3$ 的图象如图所示, 结合你所画的函数图象, 直接写出不等式 $|kx - 3| + b \leq \frac{1}{2}x - 3$ 的解集。
- (4)若方程 $|x^2 - 6x| - a = 0$ 有四个不相等的实数根, 则实数 a 的取值范围是_____。【对应课时目标 1、2】

2.5.2 二次函数与一元二次方程

课时目标

1. 会利用二次函数图象求一元二次方程的近似根;
2. 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

知识回顾



基础性作业

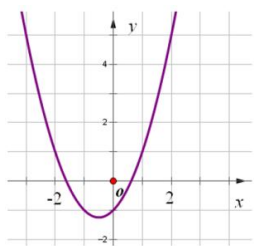
1. 根据下列表格的对应值:

x	3.23	3.24	3.25	3.26
$y = ax^2 + bx + c$	-0.06	-0.02	0.03	0.09

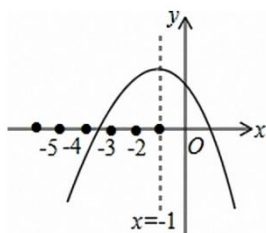
判断方程 $ax^2 + bx + c = 0$ ($a \neq 0$, a, b, c 为常数) 一个解 x 的范围是 () 【对应课时目标 1】

- A. $3 < x < 3.23$ B. $3.23 < x < 3.24$
 C. $3.24 < x < 3.25$ D. $3.25 < x < 3.26$

2. 如图 2.5-2, 用图象法求一元二次方程 $x^2 + x - 1 = 0$ 的近似根 (精确到 0.1)。【对应课时目标 1、2】



2.5-2



2.5-3

3. 已知二次函数 $y = x^2 - 6x + 8$ 的图象如图 2.5-3, 利用图象回答问题: 【对应课时目标 1、2】

- (1) 方程 $x^2 - 6x + 8 = 0$ 的解是什么?
 (2) x 取什么值时, $y > 0$?
 (3) x 取什么值时, $y < 0$?

拓展性作业

4. 已知关于 x 的函数 $y = (a^2 + 3a + 2)x^2 + (a + 1)x + \frac{1}{4}$ 的图象与 x 轴总有交点。【对应课时目标 1】

- (1) 求 a 的取值范围。
 (2) 设函数的图象与 x 轴有两个不同的交点, 分别为 $A(x_1, 0)$, $B(x_2, 0)$, 当 $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = a^2 - 3$ 时, 求 a 的值。