

# 基础性作业设计

姓 名：王 新

学 校：驻马店市实验中学

# 二次函数单元作业设计

## 一、单元信息

基本 信 息	学 科	年 级	学 期	教材版本	单元名称
	数学	九年级	二	北师大版	二次函数
课 时 信 息	章节序号	课时名称			对应 教材内容
	2.1	二次函数			P29-P31
	2.2.1	二次函数 $y = \pm x^2$ 图象与性质			P32-P34
	2.2.2	二次函数 $y = ax^2, y = ax^2 + c$ 图象与性质			P35-P36
	2.2.3	二次函数 $y = a(x - h)^2 + k$ 图象与性质			P37-P39
	2.2.4	二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 图象与性质			P39-P41
	2.3.1	确定二次函数的表达式			P42-P44
	2.3.2	确定二次函数的表达式			P44-P45
	2.4.1	二次函数的应用			P46-P48
	2.4.2	二次函数的应用			P48-P50
	2.5.1	二次函数与一元二次方程			P51-P53
	2.5.2	二次函数与一元二次方程			P53-P57

## 二、单元内容分析

学生在之前已学过一次函数、正比例函数、反比例函数，所以在学习二次函数时，已有知识基础。在学习二次函数时，类比一次函数、反比例函数的学习方法和顺序进行研究。首先让学生认识二次函数的概念，掌握二次函数的图象和性质，然后探索二次函数和一元二次方程之间的联系，从而得出用图象法求一元二次方程根的方法，最后利用二次函数图象和性质解决实际问题。

本章内容从简单到复杂、从特殊到一般，讨论了二次函数的图象和性质：先讨论函数  $y = \pm x^2$  的图象和性质，由特殊到一般自然过渡到讨论  $y = ax^2$  的图象与性质，再将函数  $y = ax^2$  上下、左右平移就得到  $y = a(x - h)^2 + k$  的图象，再观察图象得到性质；又通过配方将函数  $y = ax^2 + bx + c$  配方得到  $y = a(x - h)^2 + k$  的形式，从而把新问题转化为已解决的问题。在此过程中，让学生体会平移、配方的重要作用。借助图象观察函数性质，又一次体会了数形结合的数学思想，让学生领悟到几何直观的作用。

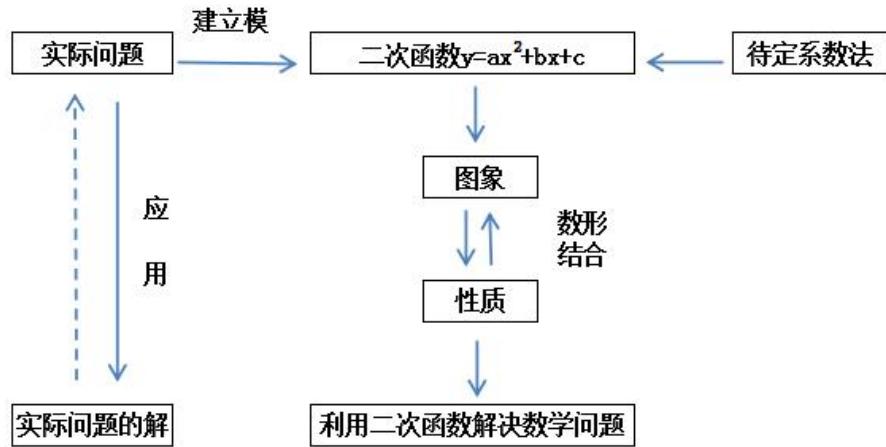
二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图象与  $x$  轴的位置关系，与  $ax^2 + bx + c = 0$  的根的情况有着密切联系。如果函数图象与  $x$  轴有公共点，那么公共点的横坐标就是对应一元二次方程的根。

最后利用二次函数解决实际问题，首先要从实际问题中抽象出二次函数模型，用二次函数表示问题中变量之间的关系，然后利用二次函数图象和性质求解，从而获得实际问题的答案。学以致用，让学生感受二次函数模型思想的重要性。

### 三、单元作业目标

1. 能对数学问题或实际问题中的函数关系进行分析，并会表示简单变量之间的二次函数关系；
2. 理解二次函数的概念，能够辨别二次函数；
3. 会用描点法画二次函数图象；
4. 会看二次函数的图象，能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值，能数形结合地理解函数的性质并解决问题；
5. 会根据二次函数  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + c$ ,  $y = a(x - h)^2 + k$  的表达式，确定二次函数的开口方向、对称轴、增减性和最值；
6. 经历平移过程，总结平移规律，能写出平移后的二次函数表达式；
7. 会用配方法将二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的表达式化为  $y = a(x - h)^2 + k$  的形式，并由此得到二次函数的顶点坐标、说出图象的开口方向、对称轴、增减性和最值；
8. 会用待定系数法确定次函数表达式；
9. 会利用二次函数解决以几何图形的最大面积为代表的实际问题；
10. 会利用二次函数解决以最大利润问题为代表的实际问题；
11. 会分析二次函数的图象与  $x$  轴的交点个数与一元二次方程的根的个数之间的关系；
12. 会利用二次函数图象求一元二次方程的近似根；
13. 会建立二次函数模型分析实际问题，逐步解决实际问题。

### 四、单元知识结构图



## 五、课时作业设计

根据实际教学，本章作业课时计划如下：

1. 二次函数 1课时
2. 二次函数图象与性质 4课时
3. 确定函数表达式 2课时
4. 二次函数的应用 2课时
5. 二次函数与一元二次方程 2课时

## 六、作业设计内容

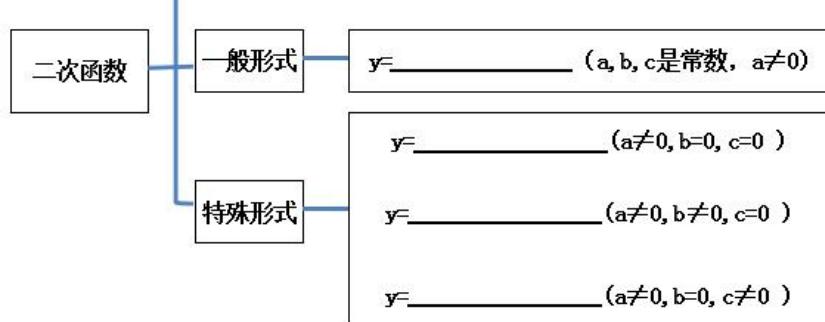
### 2.1 二次函数

#### 课时目标

1. 能对数学问题或实际问题中的函数关系进行分析，并会表示简单变量之间的二次函数关系；
2. 理解二次函数的概念，能够辨别二次函数；
3. 会建立二次函数模型分析实际问题，逐步解决实际问题。

#### 知识回顾

一般地，若\_\_\_\_\_的对应关系可以表示为\_\_\_\_\_ ( $a, b, c$ 是常数， $a \neq 0$ )的形式，则 $y$ 是 $x$ 的\_\_\_\_\_。



## 基础性作业

1. 下列函数中是二次函数的有( ) 【对应课时目标 2】

① $y=x+\frac{1}{x}$ ; ② $y=3(x-1)^2+2$ ; ③ $y=(x+3)^2-x^2$ ; ④ $y=\frac{1}{x^2}+x$ 。

A. 4个 B. 3个 C. 2个 D. 1

2. 把  $y=(2-3x)(6+x)$  变成  $y=ax^2+bx+c$  的形式, 二次项为\_\_\_\_\_, 一次项系数为\_\_\_\_\_, 常数项为\_\_\_\_\_. 【对应课时目标 2】

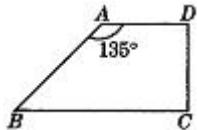
3. 函数  $y=(m+2)x^{m^2-2}+2x-1$  是二次函数, 则  $m=$ \_\_\_\_\_。 【对应课时目标 2】

下列函数关系中, 可以看作二次函数  $y=ax^2+bx+c$  ( $a\neq 0$ ) 模型的是( ) 【对应课时目标 1】

- A. 在一定的距离内汽车的行驶速度与行驶时间的关系
- B. 我国人口年自然增长率为 1%, 这样我国人口总数随年份的变化关系
- C. 竖直向上发射的信号弹, 从发射到落回地面, 信号弹的高度与时间的关系 (不计空气阻力)
- D. 圆的周长与圆的半径之间的关系。

## 拓展性作业

4. 如图 2.1-1, 校园要建苗圃, 其形状如直角梯形, 有两边借用夹角为  $135^\circ$  的两面墙, 另外两边是总长为 30 米的铁栅栏. 求梯形的面积  $y$  与高  $x$  的表达式。 【对应课时目标 3】



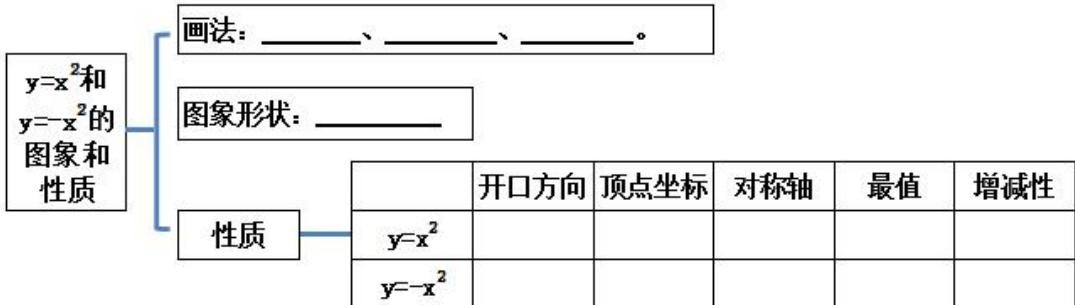
2.1-1

## 2.2.1 二次函数的图象与性质

### 课时目标

1. 会用描点法画二次函数图象;
2. 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

### 知识回顾



### 基础性作业

- 两条抛物线  $y = x^2$  与  $y = -x^2$  在同一坐标系内, 下列说法中不正确的是 ( ) 【对应课时目标 2】
 

A. 顶点坐标均为  $(0, 0)$       B. 对称轴均为  $x=0$   
   C. 开口都向上      D. 都有  $(0, 0)$  处取最值
- 已知点  $(-3, y_1), (1, y_2), (2, y_3)$  都在函数  $y=x^2$  的图象上, 则  $y_1, y_2, y_3$  的大小关系是 \_\_\_\_\_。【对应课时目标 2】
- 若点  $A(2, m)$  在抛物线  $y = x^2$  上, 则点  $A$  关于  $y$  轴对称点的坐标是 \_\_\_\_\_。【对应课时目标 2】
- 函数  $y=x^2$  与  $y=-x^2$  的图象关于 \_\_\_\_\_ 对称, 也可以认为  $y=-x^2$ , 是函数  $y=x^2$  的图象绕 \_\_\_\_\_ 旋转得到。【对应课时目标 2】

### 拓展性作业

- 点  $A(\frac{1}{2}, b)$  是抛物线  $y=x^2$  上的一点, 则  $b=$  \_\_\_\_\_; 点  $A$  关于  $y$  轴的对称点  $B$  是 \_\_\_\_\_, 它在函数 \_\_\_\_\_ 上; 点  $A$  关于原点的对称点  $C$  是 \_\_\_\_\_, 它在函数 \_\_\_\_\_ 上。【对应课时目标 2】
- 画出直线  $y = 3x + 4$  与抛物线  $y = x^2$  的图象, 他们的图象交于  $A, B$  两点, 请求出  $A, B$  两点与原点所围成的三角形面积。【对应课时目标 1、2】

## 2.2.2 二次函数的图象与性质

### 课时目标

- 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题;

- 会根据二次函数  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + c$  的表达式, 确定二次函数的开口方向、对称轴、增减性和最值, 并解决有关问题;
- 经历平移过程, 总结平移规律, 能写出平移后的二次函数表达式。

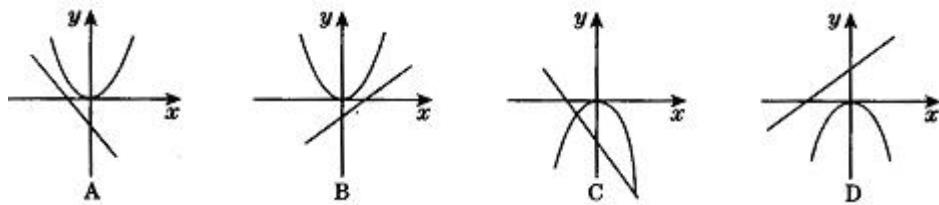
### 知识回顾



	$y = ax^2$		$y = ax^2 + c$			
	$a > 0$	$a < 0$	$a > 0$		$a < 0$	
			$c > 0$	$c < 0$	$c > 0$	$c < 0$
开口方向						
顶点坐标						
对称轴						
增减性						
最值						

### 基础性作业

- 抛物线  $y = 2x^2$  向下平移 4 个单位, 就得到抛物线\_\_\_\_\_。【对应课时目标 3】
- 当  $m=$ \_\_\_\_\_时, 抛物线  $y=(m+1)x^{m^2+m}+9$  开口向下, 对称轴是\_\_\_\_\_。在对称轴左侧,  $y$  随  $x$  的增大而\_\_\_\_\_; 在对称轴右侧,  $y$  随  $x$  的增大而\_\_\_\_\_。【对应课时目标 2】
- 已知抛物线的顶点在原点, 对称轴为  $y$  轴, 且经过点  $(-1, -2)$ , 则抛物线的表达式为\_\_\_\_\_。【对应课时目标 2】
- 二次函数  $y=ax^2$  与一次函数  $y=ax+a$  在同一坐标系中的图象大致为 ( ) 【对应课时目标 1】



### 拓展性作业

5. 已知直线  $y = -2x + 3$  与抛物线  $y = ax^2$  相交于 A、B 两点，且 A 点坐标为  $(-3, m)$ 。【对应课时目标 1】

- (1) 求  $a$ 、 $m$  的值；
- (2) 求抛物线的表达式及其对称轴和顶点坐标；
- (3) 求 A、B 两点及二次函数  $y = ax^2$  的顶点构成的三角形的面积。

### 2.2.3 二次函数的图象与性质

#### 课时目标

1. 会根据二次函数  $y = a(x - h)^2 + k$  的表达式，确定二次函数的开口方向、对称轴、增减性和最值，理解性质并解决问题；
2. 经历平移过程，总结平移规律，能写出平移后的二次函数表达式；
3. 会用配方法将二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的表达式化为  $y = a(x - h)^2 + k$  的形式，并由此得到二次函数的顶点坐标、说出图象的开口方向、对称轴、增减性和最值。

#### 知识回顾



	$y = a(x-h)^2+k$	
	$a > 0$	$a < 0$
开口方向	向上	向下
顶点坐标	$(h, k)$	$(h, k)$
对称轴	直线 $x = h$	直线 $x = h$
增减性	当 $x \geq h$ 时， $y$ 随 $x$ 增大而增大；当 $x \leq h$ 时， $y$ 随 $x$ 增大而减小	当 $x \geq h$ 时， $y$ 随 $x$ 增大而减小；当 $x \leq h$ 时， $y$ 随 $x$ 增大而增大
最值	$y = k$	$y = k$

#### 基础性作业

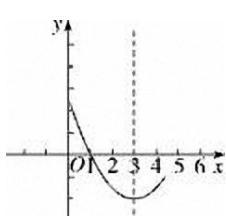
1. 将二次函数  $y = -2x^2$  的图象先向左平移 1 个单位，再向下平移 3 个单位，可得到二次函数的表达式为\_\_\_\_\_。【对应课时目标 2】
2. 由二次函数  $y = 2(x - 5)^2 + 2$ ，可知（ ）【对应课时目标 1】

A. 图象开口向下

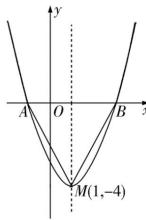
B. 图象的对称轴为直线  $x = -5$

C. 函数最小值 2

D. 当  $x < 5$  时,  $y$  随  $x$  的增大而增大



2.2-1



2.2-2

3. 若  $(-\frac{15}{4}, y_1)$ ,  $(-\frac{5}{4}, y_2)$ ,  $(\frac{1}{4}, y_3)$  为二次函数  $y = -(x-2)^2 + 1$  图象上的三点, 则  $y_1$ ,

$y_2$ ,  $y_3$  的大小关系为\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】

4. 已知  $y = (x-3)^2 - 2$  的部分图象如图 2.2-1 所示, 抛物线与  $x$  轴交点的一个坐标是  $(1, 0)$ , 则另一个交点的坐标是\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】

5. 当  $-1 \leq x < 4$  时, 二次函数  $y = x^2 - 3x + 1$  的函数值  $y$  的取值范围是\_\_\_\_\_。【对应课时目标 3】

### 拓展性作业

6. 如图 2.2-2 是二次函数  $y = (x+m)^2 + k$  的图象, 其顶点为点  $M(1, -4)$ 。【对应课时目标 1】

(1) 求二次函数的图象与  $x$  轴的交点  $A, B$  的坐标;

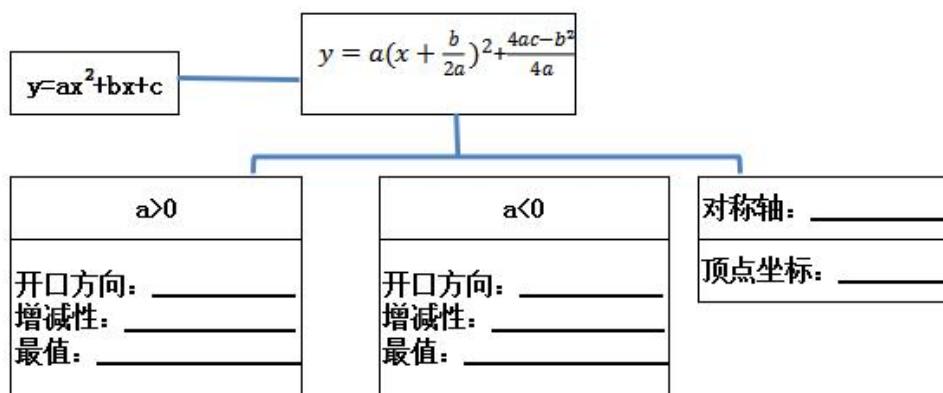
- (2) 在二次函数的图象上是否存在点  $P$ , 使  $S_{\triangle PAB} = \frac{5}{4} S_{\triangle MAB}$ ? 若存在, 求出点  $P$  的坐标; 若不存在, 请说明理由。

## 2.2.4 二次函数的图象与性质

### 课时目标

- 会用配方法将二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的表达式化为  $y = a(x-h)^2 + k$  的形式, 并由此得到二次函数的顶点坐标、说出图象的开口方向、对称轴、增减性和最值;
- 会看二次函数的图象, 能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值, 能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

### 知识回顾



### 基础性作业

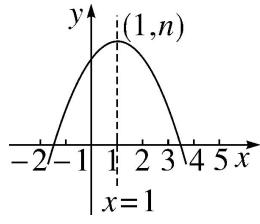
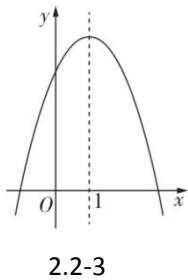
- 将二次函数  $y = x^2 + 6x - 2$  化成  $y = a(x - h)^2 + k$  的形式为 ( ) 【对应课时目标 1】
 

A.  $y = (x + 3)^2 + 7$       B.  $y = (x - 3)^2 + 11$   
  C.  $y = (x + 3)^2 - 11$       D.  $y = (x + 2)^2 + 4$
- 已知二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的  $x$ 、 $y$  的部分对应值如下表:  
 则该二次函数图象的对称轴为( ) 【对应课时目标 1】
 

x	-1	0	1	2	3
y	5	1	-1	-1	1

A. y 轴      B. 直线  $x = \frac{5}{2}$   
  C. 直线  $x = 2$       D. 直线  $x = \frac{3}{2}$
- 二次函数  $y = x^2 + bx + c$  的图象如图 2.2-3 所示, 点  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$  在该函数的图象上, 若  $|x_1 - 1| > |x_2 - 1|$ , 则  $y_1$  与  $y_2$  的大小关系为 ( ) 【对应课时目标 2】
 

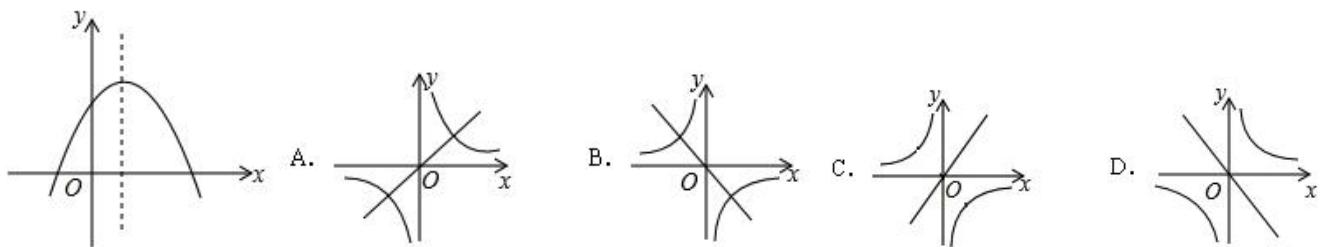
A.  $y_1 \leq y_2$       B.  $y_1 < y_2$       C.  $y_1 \geq y_2$       D.  $y_1 > y_2$



### 拓展性作业

- 二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图象如图 2.2-4, 反比例函数  $y = \frac{a}{x}$  与正比例函数  $y = bx$  在同一坐标

系内的大致图象是（ ）【对应课时目标 2】



2.2-4

5. 如图 2.2-5 是抛物线  $y=ax^2+bx+c(a\neq 0)$  的部分图象，其顶点坐标为  $(1, n)$ ，抛物线与  $x$  轴的一个交点在点  $(3, 0)$  和  $(4, 0)$  之间。则下列结论：【对应课时目标 2】
- ①  $a-b+c>0$ ; ②  $3a+b=0$ ;  
③  $b^2=4a(c-n)$ ; ④ 一元二次方程  $ax^2+bx+c=n-1$  有两个不相等的实数根。

其中正确结论的个数是（ ）

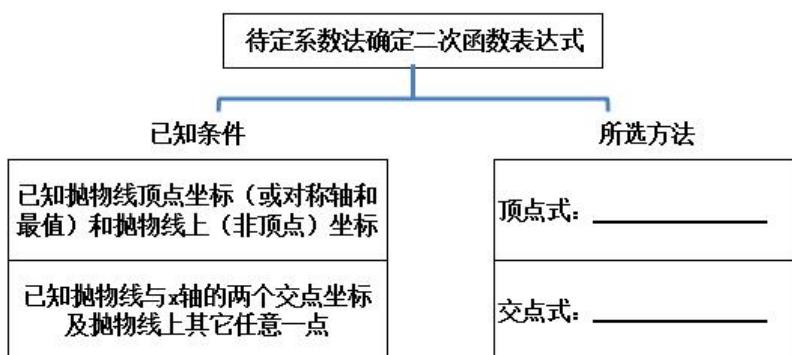
- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

## 2.3.1 确定函数表达式

### 课时目标

1. 会用待定系数法利用二元一次方程组确定次函数表达式。

### 知识回顾



### 基础性作业

- 已知二次函数  $y = ax^2 + 2x + c$  的图象经过点  $(0, -4)$  和  $(1, 1)$ 。求这个二次函数的表达式。【对应课时目标 1】
- 已知抛物线与  $x$  轴相交于点  $A(-1, 0)$ ,  $B(1, 0)$ , 且过点  $M(0, 1)$ , 求此函数的表达式。【对应课时目标 1】

3. 一个二次函数的图象的顶点坐标为  $(3, -1)$ ，与  $y$  轴的交点  $(0, -4)$ ，这个二次函数的解析式是（ ）【对应课时目标 1】

A.  $y = \frac{1}{3}x^2 - 2x + 4$

B.  $y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x - 4$

C.  $y = -\frac{1}{3}(x+3)^2 - 1$

D.  $y = -x^2 + 6x - 12$

4. 已知二次函数  $y = x^2 + bx + c$ ，函数  $y$  与自变量  $x$  的部分对应值如表：

$x$	...	-1	0	1	2	3	4	...
$y$	...	0	-3	-4	-3	0	5	...

(1) 求该二次函数的解析式。

(2) 直接写出当  $-2 < x < 3$  时， $y$  的取值范围。【对应课时目标 1】

### 拓展性作业

5. 二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) 的图象经过点  $A(3, 0)$ ,  $B(2, -3)$ ，并且以  $x=1$  为对称轴。

(1) 求此函数的解析式；

(2) 作出二次函数的大致图象；

(3) 在对称轴  $x=1$  上是否存在一点  $P$ ，使  $\triangle PAB$  中  $PA=PB$ ？若存在，求出  $P$  点的坐标；若不存在，说明理由。【对应课时目标 1】

## 2.3.2 确定函数表达式

### 课时目标

1. 会用待定系数法利用三元一次方程组确定次函数表达式。

### 知识回顾

#### 待定系数法确定二次函数表达式

已知条件

所选方法

已知抛物线上任意三点的坐标

一般式：\_\_\_\_\_

### 基础性作业

1. 已知一个关于  $x$  的二次函数，当  $x$  分别为 1、2、3 时，对应函数值分别为 3、0、4，求这个二次

函数的表达式。【对应课时目标 1】

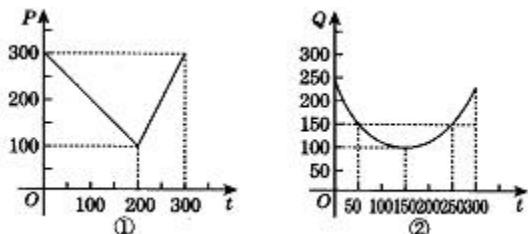
2. 已知二次函数经过点  $(1,0)$ 、 $(3,0)$ 、 $(2,3)$ ，求这个二次函数的表达式。【对应课时目标 1】
3. 等边三角形的边长  $2x$  与面积  $y$  之间的函数表达式为\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】
4. 抛物线  $y=x^2+kx-2k$  通过一个定点，这个定点的坐标为\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】

### 拓展性作业

5. 某蔬菜基地种植西红柿，由历年市场行情得知，从二月一日起的 300 天内，西红柿市场售价与上市时间的关系用图①中的一条折线表示，西红柿的种植成本与上市时间关系用图②中的抛物线表示。

(1) 写出图①中表示的市场售价与时间的函数表达式  $P=f(t)$ ，写出图②中表示的种植成本与时间函数表达式  $Q=g(t)$ ；

(2) 认定市场售价减去种植成本为纯收益，问何时上市的西红柿纯收益最大？(注：市场售价和种植成本的单位：元/ $10^2\text{kg}$ ，时间单位：天) 【对应课时目标 1】



## 2.4.1 二次函数的应用

### 课时目标

1. 会利用二次函数解决以几何图形的最大面积为代表的实际问题；
2. 会建立二次函数模型分析实际问题，逐步解决实际问题。

### 知识回顾

#### 实际问题

#### 几何图形面积的最值问题

①直接利用面积公式求几何图形面积  
②利用\_\_\_\_\_法求不规则图形的面积

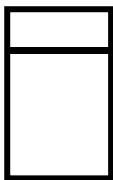
#### 抛物线型建筑物、运动轨迹等问题

①是否能够通过拱桥或隧道等  
②球是否能被阻拦、物体是否被接住等

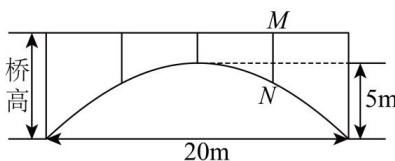
1. 根据已知条件列出关系式，并转化为二次函数表达式
2. 根据题意求出自变量的取值范围
3. 求出二次函数的最值

## 基础性作业

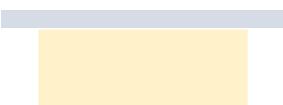
1. 如图 2.4-1, 用长 8m 的铝合金条制成如图的矩形窗框, 那么最大的透光面积是\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1、2】



2.4-1



2.4-2

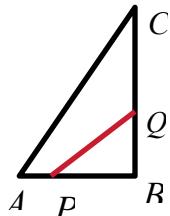


2.4-3

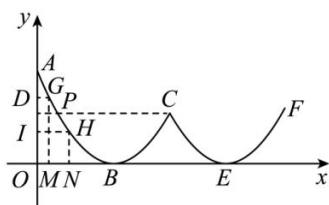
2. 一座拱桥的轮廓是抛物线型（如图 2.4-2 所示），拱高 5m，跨度 20m，相邻两支柱间的距离均为 5m，支柱  $MN$  的高度为 3.25m，则桥高为\_\_\_\_\_m。【对应课时目标 2】
3. 如图 2.4-3，用一段长为 60m 的篱笆围成一个一边靠墙的矩形菜园，墙长 32m，这个矩形的长、宽各为多少时，菜园的面积最大，最大面积是多少？【对应课时目标 1】

## 拓展性作业

4. 如图 2.4-4，在 $\triangle ABC$  中， $\angle B=90^\circ$ ， $AB=12\text{cm}$ ,  $BC=24\text{cm}$ , 动点  $P$  从点  $A$  开始沿  $AB$  向  $B$  以  $2\text{cm/s}$  的速度移动（不与点  $B$  重合），动点  $Q$  从点  $B$  开始沿  $BC$  以  $4\text{cm/s}$  的速度移动（不与点  $C$  重合）。如果  $P$ 、 $Q$  分别从  $A$ 、 $B$  同时出发，那么经过多长时间，四边形  $APQC$  的面积最小。【对应课时目标 1】



2.4-4



2.4-5

5. 过山车是一项富有刺激性的娱乐工具，深受年轻游客的喜爱。某游乐场修建了一款大型过山车。如图 2.4-5 所示， $A \rightarrow B \rightarrow C$  为这款过山车的一部分轨道（ $B$  为轨道最低点），它可以看成一段抛物线，其中  $OA = 16.9$  米， $OB = 13$  米（轨道厚度忽略不计）。【对应课时目标 2】

- (1)求抛物线  $A \rightarrow B \rightarrow C$  的函数表达式；
- (2)在轨道上有两个位置  $P$  和  $C$  到地面的距离均为  $n$  米，当过山车运动到  $C$  处时，又进入下坡段  $C \rightarrow E$ （接口处轨道忽略不计， $E$  为轨道最低点），已知轨道抛物线  $C \rightarrow E \rightarrow F$  的形状与抛物线  $A \rightarrow B \rightarrow C$  完全相同， $E$  点坐标为  $(33, 0)$ ，求  $n$  的值；
- (3)现需要对轨道下坡段  $A \rightarrow B$  进行安全加固，建造某种材料的水平和竖直支架  $GD$ 、 $GM$ 、 $HI$ 、 $HN$ ，

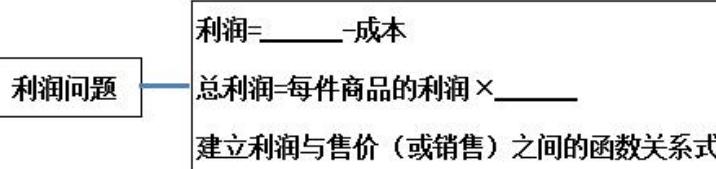
且要求 $MN = 2OM$ , 已知这种材料的价格是 100000 元/米, 请计算 $OM$ 多长时, 造价最低? 最低造价为多少元?

## 2.4.2 二次函数的应用

### 课时目标

- 会利用二次函数解决以最大利润问题为代表的实际问题;
- 会建立二次函数模型分析实际问题, 逐步解决实际问题。

### 知识回顾



- 根据已知条件列出关系式, 并转化为二次函数表达式
- 根据题意确定自变量的取值范围
- 求出二次函数的最值

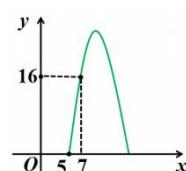
### 基础性作业

1. 2022 年北京某零售店“冰墩墩”的销售日益火爆, 每个纪念品进价 40 元。销售期间发现, 当销售单价定为 44 元时, 每天可售出 300 个, 销售单价每降价 1 元, 每天销量增加 20 个。现商家决定降价销售, 每个降价  $x$  元 ( $0 < x < 4$ )。设每天销售量为  $y$  个, 每天销售纪念品获得的利润  $w$  元, 则下列等式正确的是 ( ) 【对应课时目标 2】

- A.  $y = 20x - 300$       B.  $y = -20x + 300$   
C.  $w = (20x + 300)(4 - x)$       D.  $w = (-20x + 1180)(40 - x)$
2. 某种商品每件的进价为 20 元, 调查表明: 在某段时间内若以每件  $x$  元 ( $20 \leq x \leq 30$ ) 出售, 可卖出  $(600 - 20x)$  件, 为使利润最大, 则每件售价应定为 \_\_\_\_\_ 元。【对应课时目标 1】
3. 某种商品每天的销售利润  $y$  (元) 与销售单价  $x$  (元) 之间满足关系:  $y = ax^2 + bx - 75$ 。其图象如图 2.4-6。

(1) 销售单价为多少元时, 该种商品每天的销售利润最大? 最大利润是多少元?

(2) 销售单价在什么范围时, 该种商品每天的销售利润不低于 16 元? 【对应课时目标 1、2】



2.4-6

## 拓展性作业

4. 某商店十月份销售一种成本价 50 元/件的商品，经市场调查发现：该商品的每天的销售量  $y$ （件）是售价  $x$ （元件）的一次函数，其售价、销售量的二组对应值如下表：【对应课时目标 1、2】

售价 $x$ （元件）	55	65
销售量 $y$ （件/天）	90	70

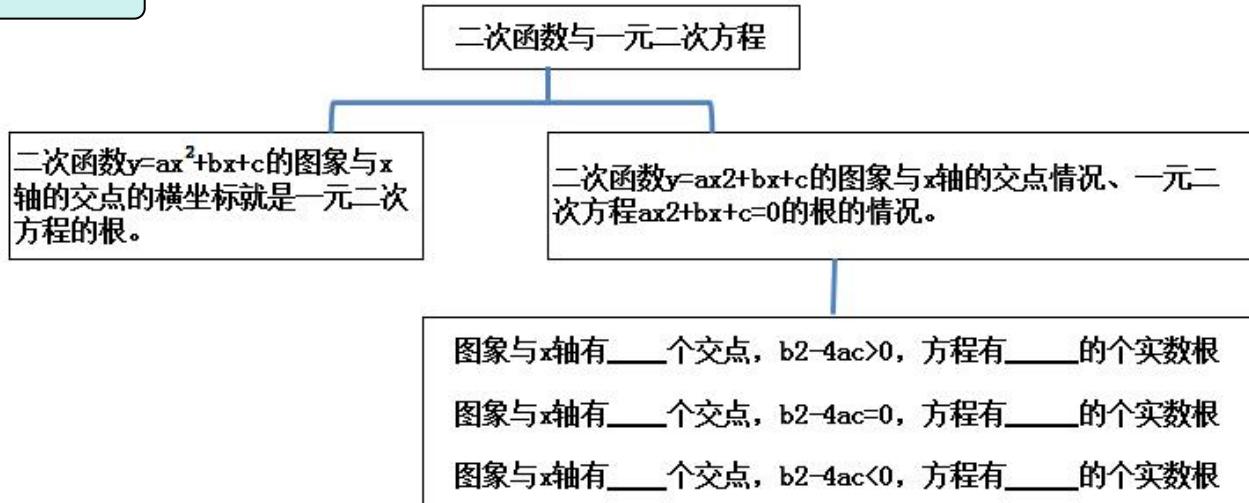
- (1)求销售量  $y$  与售价  $x$  之间的函数关系式；  
(2)十月份销售该商品时，售价定为多少元，每天才能获取最大利润？最大销售利润是多少？  
(3)十一月份由于原材料上涨等因素，该商品成本价提高了  $a$  元/件( $6 \leq a \leq 15$ )，商品的每天销售量与销售价的关系不变，若商品的销售价不低于成本价，且物价部门规定售价不得超过 80 元/件，商店十一月份销售该商品的过程中，获得的销售最大利润能否为 882 元？说明理由。

### 2.5.1 二次函数与一元二次方程

## 课时目标

- 会分析二次函数的图象与  $x$  轴的交点个数与一元二次方程的根的个数之间的关系；
- 会看二次函数的图象，能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值，能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

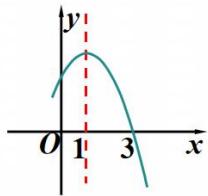
## 知识回顾



## 基础性作业

1. 若二次函数  $y = -x^2 + 2x + k$  的部分图象如图 2.5-1 所示，且关于  $x$  的一元二次方程  $-x^2 + 2x + k = 0$  的一个

解  $x_1=3$ , 则另一个解  $x_2=$ \_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】



2.5-1

2. 一元二次方程  $x^2 - 5x - 6 = 0$  的两个根是  $x_1 = 6, x_2 = -1$ , 那么二次函数  $y = x^2 - 5x - 6$  与 x 轴的交点坐标是\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】

3. 抛物线  $y = x^2 + 4x + 5 - m$  与 x 轴只有一个交点, 则  $m$  满足的条件是\_\_\_\_\_。【对应课时目标 1】

4. 二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a, b, c$  为常数, 且  $a \neq 0$ ) 中的  $x$  与  $y$  的部分对应值如表:

X	-1	0	1	3
y	$-\frac{13}{5}$	3	$\frac{29}{5}$	3

下列结论:

- (1)  $abc < 0$ ;
- (2) 当  $x > 1$  时,  $y$  的值随  $x$  值的增大而减小;
- (3)  $16a + 4b + c < 0$ ;
- (4) 抛物线与坐标轴有两个交点;
- (5)  $x = 3$  是方程  $ax^2 + (b - 1)x + c = 0$  的一个根;

其中正确的个数为 ( ) 【对应课时目标 1】

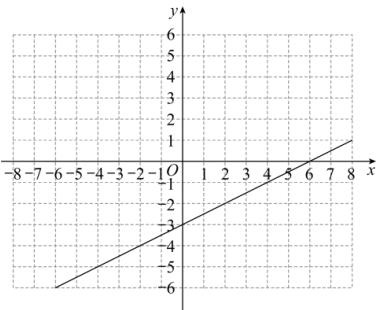
- A. 5 个
- B. 4 个
- C. 3 个
- D. 2 个



5. 在初中阶段的函数学习中, 我们经历了“确定函数的表达式——利用函数图象研究其性质——运用函数解决问题”的学习过程. 在画函数图象时, 我们通过描点或平移的方法画出了所学的函数图象. 同时, 我们也学习了绝对值的意义  $|a| = \begin{cases} a & (a > 0) \\ -a & (a < 0) \end{cases}$ 。

结合上面经历的学习过程, 现在来解决下面的问题:

在函数  $y = |kx - 3| + b$  中, 当  $x = 2$  时,  $y = -4$ ; 当  $x = 0$  时,  $y = -1$ 。



(1)求这个函数的表达式;

(2)在给出的平面直角坐标系中,请用你喜欢的方法画出这个函数的图象,并写出这个函数的一条性质;

(3)已知函数 $y=\frac{1}{2}x-3$ 的图象如图所示,结合你所画的函数图象,直接写出不等式 $|kx-3|+b \leq \frac{1}{2}x-3$ 的解集。

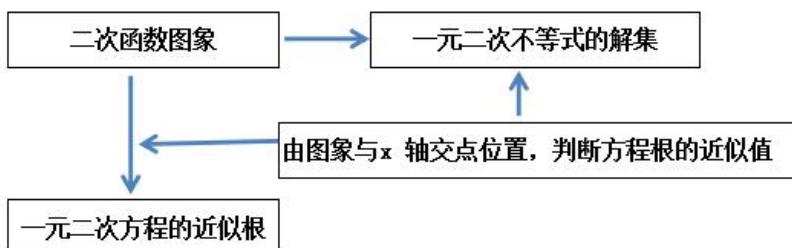
(4)若方程 $|x^2-6x|-a=0$ 有四个不相等的实数根,则实数 $a$ 的取值范围是\_\_\_\_\_。【对应课时目标1、2】

## 2.5.2 二次函数与一元二次方程

### 课时目标

- 会利用二次函数图象求一元二次方程的近似根;
- 会看二次函数的图象,能说出二次函数的开口方向、对称轴、增减性、顶点坐标和最值,能数形结合地理解函数的性质并解决问题。

### 知识回顾



### 基础性作业

- 根据下列表格的对应值:

x	3.23	3.24	3.25	3.26
$y = ax^2 + bx + c$	-0.06	-0.02	0.03	0.09

判断方程 $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ,  $a$ ,  $b$ ,  $c$  为常数)一个解 $x$ 的范围是( ) 【对应课时目标1】

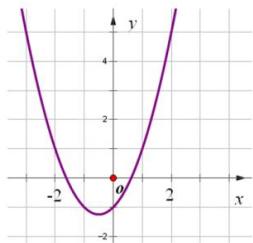
A.  $3 < x < 3.23$

B.  $3.23 < x < 3.24$

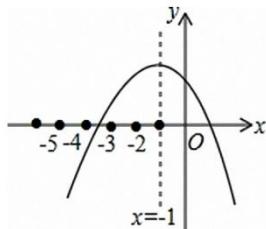
C.  $3.24 < x < 3.25$

D.  $3.25 < x < 3.26$

2. 如图 2.5-2, 用图象法求一元二次方程  $x^2 + x - 1 = 0$  的近似根 (精确到 0.1)。【对应课时目标 1、2】



2.5-2



2.5-3

3. 已知二次函数  $y = x^2 - 6x + 8$  的图象如图 2.5-3, 利用图象回答问题: 【对应课时目标 1、2】

(1) 方程  $x^2 - 6x + 8 = 0$  的解是什么?

(2)  $x$  取什么值时,  $y > 0$ ?

(3)  $x$  取什么值时,  $y < 0$ ?

### 拓展性作业

4. 已知关于  $x$  的函数  $y = (a^2 + 3a + 2)x^2 + (a + 1)x + \frac{1}{4}$  的图象与  $x$  轴总有交点。【对应课时目标 1】

(1) 求  $a$  的取值范围。

(2) 设函数的图象与  $x$  轴有两个不同的交点, 分别为  $A(x_1, 0)$ ,  $B(x_2, 0)$ , 当  $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = a^2 - 3$  时,

求  $a$  的值。